Министерство образования Новосибирской области

ГБПОУ НСО «Новосибирский авиационный технический колледж имени Б.С. Галущака»

Самостоятельная работа студента № 1

Решение задач линейного программирования

Междисциплинарный курс: МДК.01.01 Математическое моделирование

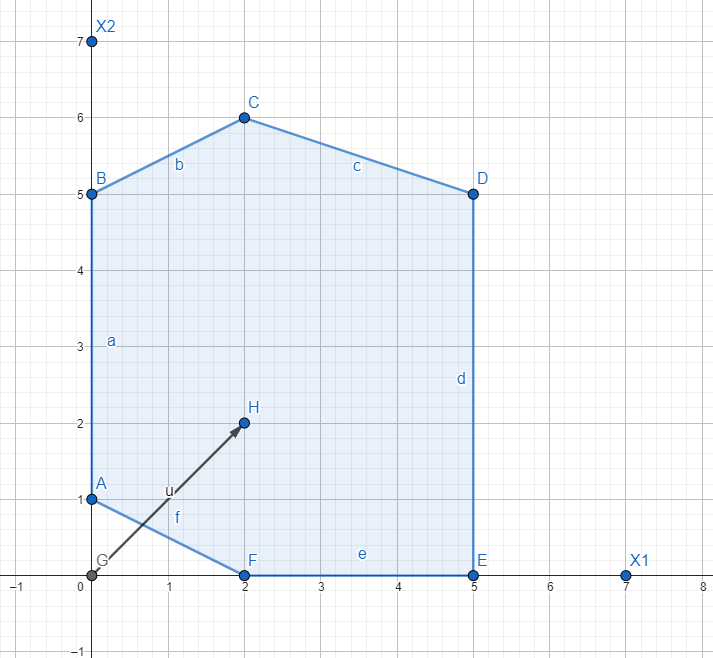
Специальность: 09.02.07 Информационные системы и программирование

Проверил:   
Оболенцева Т.Д.

Выполнил:

Иванчиков Е.М.

**Графическое решение задачи ЛП**

****

Известные точки

A(0;1), B(0;5), C(2;6), D(5;5), E(5;0), F(2;0)

Уравнения прямых

AB: x1 >=0

BC: x2- 0,5\*x1 <= 5

CD: x1+3\*x2 <=20

DE: x1 <= 5

EF: x2 >= 0

FA: 2\*x2 + x1 >=2

Ñ = (k\*C1, k\*C2) при k = 1, C1 = 2, С2 = 2

Ƶ = 2\*x1 + 2\*x2 = min(max)

Математическая модель

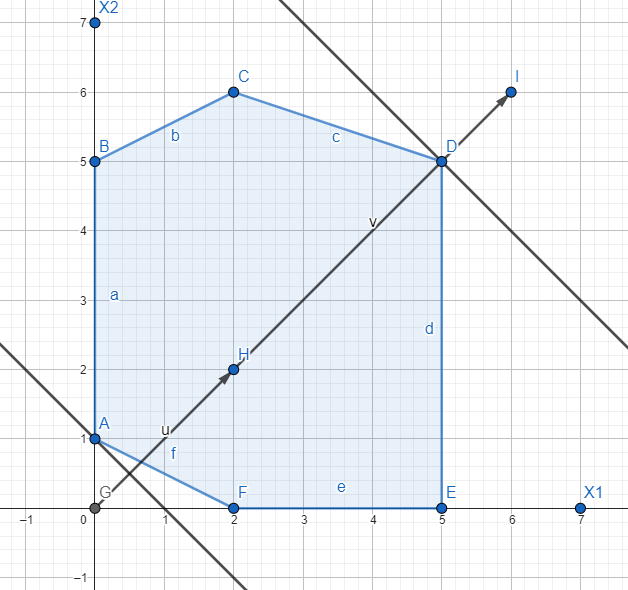
- 0,5\*x1+ x2 <= 5

x1+3\*x2 <=20

x1 <= 5

x1 + 2\*x2 >=2

Проведём перпендикуляры относительно нормали и точек многоугольника решений



Таким образом мы видим, что min находиться в точке А с координатами x1= 0, x2 = 1, а max в точке D, с координатами x1 = 5,   
x2 = 5.

Ƶ(min) = 0\*2+1\*2 = 2

Ƶ(max) = 5\*2+5\*2 = 20

**Решение задачи ЛП симплекс методом**

Математическая модель

- 0,5\*x1+ x2 <= 5

x1+3\*x2 <=20

x1 <= 5

x1 + 2\*x2 >=2

C1 = 2

C2 = 1

Свободные переменные x3, x4, x5, x6

Искусственные переменные x7, x8, x9, x10

Ƶ = 2\*x1+ 1\*x2 + 0\*x3 + 0\*x4 + 0\*x5 + 0\*x6 + M\*x7 + M\*x8 + M\*x9 + M\*x10 ⇒ min(max)

- 0,5\*x1+ x2+x3+0\*x4+0\*x5+0\*x6+x7+0\*x8+0\*x9+0\*x10 = 5

x1+3\*x2+0\*x3+x4+0\*x5+0\*x6+0\*x7+x8+0\*x9+0\*x10 = 20

x1+0\*x2+0\*x3+0\*x4+x5+0\*x6+0\*x7+0\*x8+x9+0\*x10 = 5

x1 + 2\*x2-0\*x3-0\*x4-0\*x5-x6-0\*x7-0\*x8-0\*x9-x10=2

**Находим max**

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| С = |  |  |  | 2 | 2 | 0 | 0 | 0 | 0 | М | М | М | М |
| N | Базис | с Басис | А0 | А1 | А2 | А3 | А4 | А5 | А6 | А7 | А8 | А9 | А10 |
| 1 | А7 | М | 5 | -0.5 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| 2 | А8 | М | 20 | 1 | 3 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| 3 | А9 | М | 5 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 4 | А10 | М | 2.00 | 1 | 2 | 0 | 0 | 0 | -1 | 0 | 0 | 0 | -1 |
| м+1 | zj-ij |  | 32M | 2.5M-2 | 6M-2 | M | M | M | M | 0 | 0 | 0 | -2M |

Min = (5/1, 20/3, 5/0, 2/2) = 1

План 2

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| С = | | | | 2 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | М | М | М | М |
| N | Базис | с Басис | А0 | А1 | А2 | А3 | А4 | А5 | А6 | А7 | А8 | А9 | А10 |
| 1 | А7 | М | 4 | -1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0.5 | 1 | 0 | 0 | 0.5 |
| 2 | А8 | М | 17 | -0.5 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1.5 | 0 | 1 | 0 | 1.5 |
| 3 | А9 | М | 5 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 4 | А2 | 1 | 1.00 | 0.50 | 1.00 | 0.00 | 0.00 | 0.00 | -0.50 | 0.00 | 0.00 | 0.00 | -0.50 |
| м+1 | zj-ij |  | 26M-1 | -0.5M+0.5 | 0 | M | M | M | 4M-0.5 | 0 | 0 | 0 | M-0.5 |

Min = (4/0.5, 17/1.5, 5/0, 1/-0.5) = 8

Данный план соответствует точке А.

План 3

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| С = | | | | 2 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | М | М | М | М |
| N | Базис | с Басис | А0 | А1 | А2 | А3 | А4 | А5 | А6 | А7 | А8 | А9 | А10 |
| 1 | А6 | 0 | 8 | -2 | 0 | 2 | 0 | 0 | 1 | 2 | 0 | 0 | 1 |
| 2 | А8 | М | 5 | 2.5 | 0 | -3 | 1 | 0 | 0 | -3 | 1 | 0 | 0 |
| 3 | А9 | М | 5 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 4 | А2 | 1 | 5 | -0.5 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0.00 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| м+1 | zj-ij |  | -6M+4 | 7.5M-1 | 0 | -7M+1 | M | M | 0 | -8M+1 | 0 | 0 | -3M |

Min = (8/-2, 5/2.5, 2/1, 5/0) = 2